# Mittlere-Reife-Prüfung 2010 Mathematik I Aufgabe B2

**Aufgabe B2.**

Die Raute $ABCD$ mit den Diagonalen $[AC]$ und $[BD]$ ist die Grundfläche einer Pyramide $ABCDS$, deren Spitze $S$ senkrecht über dem Diagonalenschnittpunkt $M$ der Raute $ABCD$ liegt. Es gilt: $\overline{AC} = 10$ cm ; $\overline{BD} = 12$ cm ; $\measuredangle CAS = 60°$.

Runden Sie im Folgenden auf zwei Stellen nach dem Komma.

**Aufgabe B2.1** (3 Punkte)

Zeichnen Sie das Schrägbild der Pyramide $ABCDS$, wobei die Strecke $[AC]$ auf der Schrägbildachse und der Punkt $A$ links vom Punkt $C$ liegen soll.
Für die Zeichnung gilt: $q = \frac{1}{2}$ ; $\omega = 45°$.
Berechnen Sie sodann die Länge der Strecke $[MS]$.
[Ergebnis: $\overline{MS} = 8,66$ cm]

**Aufgabe B2.2** (1 Punkt)

Parallele Ebenen zur Grundfläche der Pyramide $ABCDS$ schneiden die Kanten der Pyramide $ABCDS$ in den Punkten $E_n \in [AS]$, $F_n \in [BS]$, $G_n \in [CS]$ und $H_n \in [DS]$, wobei die Winkel $E_n M A$ das Maß $\varphi$ mit $\varphi \in ]0°; 90°[$ haben. Die Rauten $E_n F_n G_n H_n$ sind die Grundflächen von Pyramiden $E_n F_n G_n H_n M$ mit der Spitze $M$.
Zeichnen Sie die Pyramide $E_1 F_1 G_1 H_1 M$ für $\varphi = 55°$ in das Schrägbild zu 2.1 ein.

**Aufgabe B2.3** (2 Punkte)

Berechnen Sie die Länge der Seitenkanten $[E_n M]$ der Pyramiden $E_n F_n G_n H_n M$ in Abhängigkeit von $\varphi$.
[Ergebnis: $\overline{E_n M}(\varphi)\dfrac{4,33}{\sin(60° + \varphi)}$ ]

**Aufgabe B2.4** (3 Punkte)

Zeigen Sie durch Rechnung, dass für die Länge der Diagonalen $[E_n G_n]$ der Rauten $E_n F_n G_n H_n$ in Abhängigkeit von $\varphi$ gilt:
$\overline{E_n G_n}(\varphi) = \dfrac{8,66 \cdot \cos\varphi}{\sin(60° + \varphi)}$ cm.





**Aufgabe B2.5** (5 Punkte)

Die Punkte $E_n$, $F_n$, $G_n$, $H_n$, $M$ und $S$ sind die Eckpunkte von Körpern, die sich jeweils aus zwei Pyramiden zusammensetzen.
Begründen Sie, dass sich das Volumen $V$ dieser Körper wie folgt berechnen lässt:
$V = \frac{1}{3} \cdot A_{\text{Rauten } E_n F_n G_n H_n} \cdot \overline{MS}$.
Berechnen Sie sodann das Volumen $V$ dieser Körper in Abhängigkeit von $\varphi$.
[Ergebnis: $V(\varphi) = 129,87 \cdot \left(\dfrac{\cos\varphi}{\sin(60° + \varphi)}\right)^2$ cm$^3$]

**Aufgabe B2.6** (3 Punkte)

Für den Körper mit den Eckpunkten $E_0$, $F_0$, $G_0$, $H_0$, $M$ und $S$ gilt: $\overline{E_0 M}$.
Berechnen Sie den prozentualen Anteil des Volumens dieses Körpers am Volumen der Pyramide $ABCDS$.

© Realschulrep.de

# Lösung

## Aufgabe B2.

Die Raute $ABCD$ mit den Diagonalen $[AC]$ und $[BD]$ ist die Grundfläche einer Pyramide $ABCDS$, deren Spitze $S$ senkrecht über dem Diagonalenschnittpunkt $M$ der Raute $ABCD$ liegt. Es gilt: $\overline{AC} = 10$ cm ; $\overline{BD} = 12$ cm ; $\measuredangle CAS = 60°$.

Runden Sie im Folgenden auf zwei Stellen nach dem Komma.

## Aufgabe B2.1 (3 Punkte)

Zeichnen Sie das Schrägbild der Pyramide $ABCDS$, wobei die Strecke $[AC]$ auf der Schrägbildachse und der Punkt $A$ links vom Punkt $C$ liegen soll.
Für die Zeichnung gilt: $q = \frac{1}{2}$ ; $\omega = 45°$.
Berechnen Sie sodann die Länge der Strecke $[MS]$.
[Ergebnis: $\overline{MS} = 8,66$ cm]

### Lösung zu Aufgabe B2.1

***Skizze***

Es soll das Schrägbild der Pyramide $ABCDS$ gezeichnet werden.

$\overline{AC} = 10$ cm

$\overline{BD} = 12$ cm

$\measuredangle CAS = 60°$

$q = \frac{1}{2}$ ist der Faktor für die Diagonale im Schrägbild.

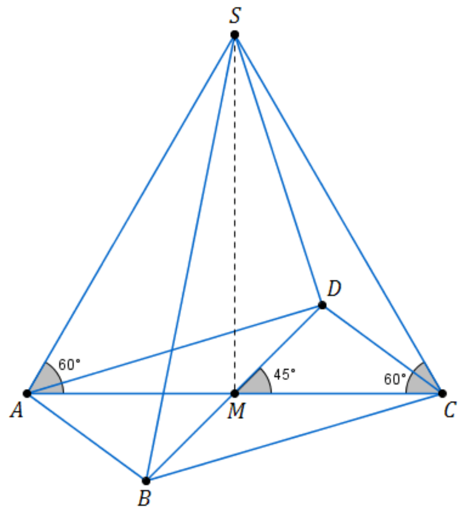
Für die Länge der Diagonale im Schrägbild gilt somit:

$\overline{BD} = 12 \cdot \frac{1}{2} = 6$ cm

Winkel der Diagonale zur Schrägbildachse ist $\omega = 45°$







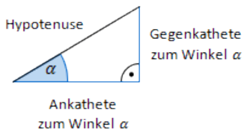

***Seite eines Dreiecks bestimmen***

Betrachtet wird das rechtwinklige Dreieck $AMS$. Da $M$ Diagonalschnittpunkt ist, gilt: $\overline{AM} = \frac{1}{2} \cdot \overline{AC} = \frac{1}{2} \cdot 10 = 5$ cm.

Länge der Strecke $[MS]$ bestimmen:

© Realschulrep.de

Erläuterung: *Tangens eines Winkels*




Der Tangens eines Winkels $\alpha$ ist ein Seitenverhältnis.

$$\tan\alpha = \frac{\text{Gegenkathete zu } \alpha}{\text{Ankathete zu } \alpha}$$

Gilt nur in rechtwinkligen Dreiecken.

$$\tan\measuredangle CAS = \frac{\overline{MS}}{\overline{AM}} \mid \cdot \overline{AM}$$

$$\overline{MS} = \overline{AM} \cdot \tan\measuredangle CAS$$

$$\overline{MS} = 5 \cdot \tan 60^\circ$$

$$\Rightarrow \overline{MS} \approx 8{,}66 \text{ cm}$$

**Aufgabe B2.2** (1 Punkte)

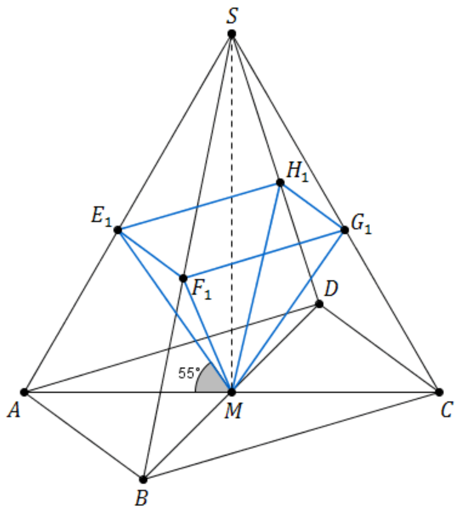
Parallele Ebenen zur Grundfläche der Pyramide $ABCDS$ schneiden die Kanten der Pyramide $ABCDS$ in den Punkten $E_n \in [AS]$, $F_n \in [BS]$, $G_n \in [CS]$ und $H_n \in [DS]$, wobei die Winkel $E_nMA$ das Maß $\varphi$ mit $\varphi \in ]0°; 90°[$ haben. Die Rauten $E_nF_nG_nH_n$ sind die Grundflächen von Pyramiden $E_nF_nG_nH_nM$ mit der Spitze $M$.
Zeichnen Sie die Pyramide $E_1F_1G_1H_1M$ für $\varphi = 55°$ in das Schrägbild zu 2.1 ein.

**Lösung zu Aufgabe B2.2**

***Skizze***







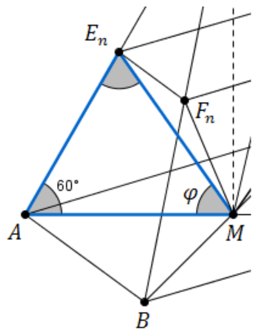

**Aufgabe B2.3** (2 Punkte)

Berechnen Sie die Länge der Seitenkanten $[E_nM]$ der Pyramiden $E_nF_nG_nH_nM$ in Abhängigkeit von $\varphi$.

[Ergebnis: $\overline{E_nM}(\varphi)\dfrac{4{,}33}{\sin(60° + \varphi)}$ ]

**Lösung zu Aufgabe B2.3**

***Seite eines Dreiecks bestimmen***




Benötigte Angaben aus den vorherigen Aufgaben:

$\overline{A\,M} = 5\ \text{cm}$

$\measuredangle M\,A\,E_n = 60^\circ$

$\measuredangle E_n\,M\,A = \varphi$

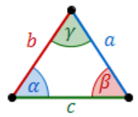
Betrachtet wird das Dreieck $A\,M\,E_n$.

Länge der Seite $[E_n\,M]$ bestimmen:





Erläuterung: *Sinussatz*




In jedem Dreieck haben die Quotienten aus der Länge einer Seite und dem Sinuswert ihres Gegenwinkels denselben Wert. Es gilt:

$$\frac{a}{\sin\alpha} = \frac{b}{\sin\beta} = \frac{c}{\sin\gamma}$$

Im Dreieck $A\,M\,E_n$ gilt somit: $\dfrac{\overline{E_n\,M}}{\sin\measuredangle M\,A\,E_n} = \dfrac{\overline{A\,M}}{\sin\measuredangle A\,E_n\,M}$

$$\frac{\overline{E_n\,M}}{\sin\measuredangle M\,A\,E_n} = \frac{\overline{A\,M}}{\sin\measuredangle A\,E_n\,M}$$

Erläuterung: *Winkelsumme im Dreieck*

Die Summe der Innenwinkel eines beliebigen Dreiecks ist immer gleich $180^\circ$.

Im Dreieck $A\,M\,E_n$ gilt somit: $\measuredangle A\,E_n\,M + 60^\circ + \varphi = 180^\circ$.

Also hat der Winkel $\measuredangle A\,E_n\,M$ eine Größe von $180^\circ - (60^\circ + \varphi)$.

$$\frac{\overline{E_n\,M}}{\sin 60^\circ} = \frac{5}{\sin\,(180^\circ - (60^\circ + \varphi))} \quad |\cdot\sin 60^\circ$$

$$\overline{E_n\,M} = \frac{5\cdot\sin 60^\circ}{\sin\,(180^\circ - (60^\circ + \varphi))}$$

Erläuterung: *Additionstheorem*

Aus dem Additionstheorem $\sin(\alpha-\beta) = \sin\alpha\cdot\cos\beta - \cos\alpha\sin\beta$, folgt:

$$\sin(180^\circ - \beta) = \underbrace{\sin 180^\circ}_{0}\cdot\cos\beta - \underbrace{\cos 180^\circ}_{-1}\sin\beta = \sin\beta$$

$\overline{E_n\,M} = \dfrac{5 \cdot \sin 60^\circ}{\sin\,(60^\circ + \varphi)}$

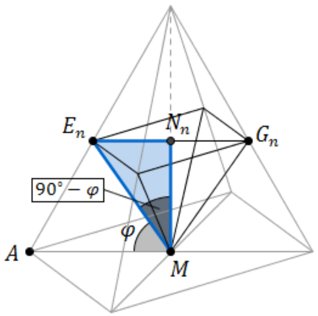
$\Rightarrow \overline{E_n\,M} = \dfrac{4,33}{\sin\,(60^\circ + \varphi)}$ cm

**Aufgabe B2.4** (3 Punkte)

Zeigen Sie durch Rechnung, dass für die Länge der Diagonalen $[E_n\,G_n]$ der Rauten $E_n\,F_n\,G_n\,H_n$ in Abhängigkeit von $\varphi$ gilt:
$\overline{E_n\,G_n}(\varphi) = \dfrac{8,66 \cdot \cos\varphi}{\sin(60^\circ + \varphi)}$ cm.

**Lösung zu Aufgabe B2.4**

***Seite eines Dreiecks bestimmen***




Sei $N_n$ der Mittelpunkt der Strecke $[E_n\,G_n]$. Betrachtet wird das rechtwinklige Dreieck $M\,M'\,E_n$.

Für die Länge der Strecke $[E_n\,G_n]$ gilt: $\overline{E_n\,G_n} = 2 \cdot \overline{E_n\,N_n}$

Benötigte Angaben aus den vorherigen Aufgaben:

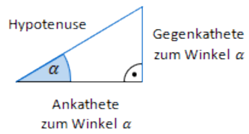
$\overline{E_n\,M}(\varphi) = \dfrac{4,33}{\sin(60^\circ + \varphi)}$ cm

$\varphi$ ist das Maß des Winkels $\measuredangle E_n\,M\,A$.
Länge der Seite $[E_n\,G_n]$ bestimmen:





Erläuterung: *Sinus eines Winkels*




Der Sinus eines Winkels $\alpha$ ist ein Seitenverhältnis.

$\sin\alpha = \dfrac{\text{Gegenkathete zu } \alpha}{\text{Hypotenuse}}$

Gilt nur in rechtwinkligen Dreiecken.

Im rechtwinkligen Dreieck $M\,M'\,E_n$ gilt somit: $\sin\measuredangle M'\,M\,E_n = \dfrac{\overline{E_n\,M'}(\varphi)}{\overline{E_n\,M}(\varphi)}$

$\sin\measuredangle N_n\,M\,E_n = \dfrac{\overline{E_n\,N_n}(\varphi)}{\overline{E_n\,M}(\varphi)}$

$\sin(90^\circ - \varphi) = \dfrac{\overline{E_n\,N_n}(\varphi)}{\overline{E_n\,M}(\varphi)}$

Erläuterung: *Additionstheorem*

Aus dem Additionstheorem $\sin(\alpha - \beta) = \sin\alpha \cdot \cos\beta - \cos\alpha\sin\beta$, folgt:

$\sin(90^\circ - \beta) = \underbrace{\sin 90^\circ}_{1} \cdot \cos\beta - \underbrace{\cos 90^\circ}_{0} \sin\beta = \cos\beta$

$\cos\varphi = \dfrac{\overline{E_n\,N_n}(\varphi)}{\overline{E_n\,M}(\varphi)} \quad | \cdot \overline{E_n\,M}(\varphi)$

$\overline{E_n\,N_n}(\varphi) = \cos\varphi \cdot \overline{E_n\,M}(\varphi)$

$\overline{E_n\,N_n}(\varphi) = \cos\varphi \cdot \dfrac{4,33}{\sin(60^\circ + \varphi)}$

$\Rightarrow \overline{E_n\,G_n}(\varphi) = 2 \cdot \cos\varphi \cdot \dfrac{4,33}{\sin(60^\circ + \varphi)}$

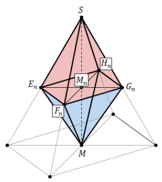
$\Rightarrow \overline{E_n\,G_n}(\varphi) = \dfrac{8,66 \cdot \cos\varphi}{\sin(60° + \varphi)}$ cm

**Aufgabe B2.5** (5 Punkte)

Die Punkte $E_n$, $F_n$, $G_n$, $H_n$, $M$ und $S$ sind die Eckpunkte von Körpern, die sich jeweils aus zwei Pyramiden zusammensetzen.
Begründen Sie, dass sich das Volumen $V$ dieser Körper wie folgt berechnen lässt:
$V = \dfrac{1}{3} \cdot A_{\text{Rauten } E_n\,F_n\,G_n\,H_n} \cdot \overline{M\,S}$.
Berechnen Sie sodann das Volumen $V$ dieser Körper in Abhängigkeit von $\varphi$.
[Ergebnis: $V(\varphi) = 129,87 \cdot \left(\dfrac{\cos\varphi}{\sin(60° + \varphi)}\right)^2$ cm$^3$]

**Lösung zu Aufgabe B2.5**

***Volumen einer Pyramide***



Benötigte Angaben aus vorherigen Aufgaben:

$\overline{A\,C} = 10$ cm

$\overline{B\,D} = 12$ cm

$\overline{M\,S} = 8,66$ cm

$\overline{E_n\,G_n} = \dfrac{8,66 \cdot \cos\varphi}{\sin(60° + \varphi)}$ cm

Sei $N_n$ der Diagonalschnittpunkt der Raute $E_n\,F_n\,G_n\,H_n$.

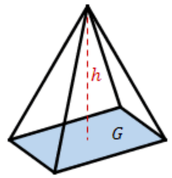
Das Volumen des Körpers setzt sich zusammen aus der Summe der Volumina der Pyramiden mit Grundfläche die Raute $E_n\,F_n\,G_n\,H_n$ und Höhe $[M\,N_n]$ bzw. $[N_n\,S]$.





$V_{\text{Körper}} = V_{\text{Pyramide mit Spitze } S} + V_{\text{Pyramide mit Spitze } M}$

Erläuterung: *Volumen einer Pyramide*




Eine Pyramide mit Grundfläche $G$ und Höhe $h$ hat ein Volumen von:

$V = \dfrac{1}{3} \cdot G \cdot h$

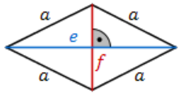
$V_{\text{Körper}} = \dfrac{1}{3} \cdot A_{\text{Raute } E_n\,F_n\,G_n\,H_n} \cdot \overline{N_n\,S} + \dfrac{1}{3} \cdot A_{\text{Raute } E_n\,F_n\,G_n\,H_n} \cdot \overline{M\,N_n}$

$V_{\text{Körper}} = \dfrac{1}{3} \cdot A_{\text{Raute } E_n\,F_n\,G_n\,H_n} \cdot \underbrace{(\overline{N_n\,S} + \overline{M\,N_n})}_{\overline{M\,S}}$

$\Rightarrow V_{\text{Körper}} = \dfrac{1}{3} \cdot A_{\text{Raute } E_n\,F_n\,G_n\,H_n} \cdot \overline{M\,S}$

Volumen des Körpers in Abhängigkeit von $\varphi$ bestimmen:

Erläuterung: *Flächeninhalt einer Raute*




Eine Raute mit Diagonalen $e$ und $f$ hat einen Flächeninhalt von:

$$A = \frac{1}{2} \cdot e \cdot f$$

$$V_{\text{Körper}}(\varphi) = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot \overline{E_n G_n} \cdot \overline{F_n H_n} \cdot \overline{MS}$$

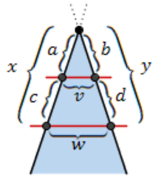
$$V_{\text{Körper}}(\varphi) = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{8,66 \cdot \cos\varphi}{\sin(60° + \varphi)} \cdot \overline{F_n H_n} \cdot 8,66$$

$\overline{F_n H_n}$ durch zweimaliges Anwenden des Vierstreckensatzes bestimmen:





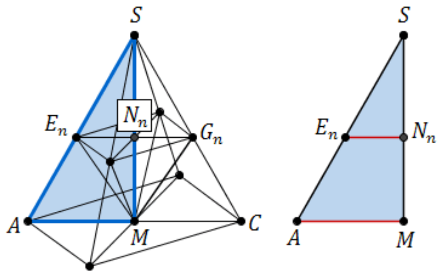
Erläuterung: *Vierstreckensatz*




Wird ein Strahl von zwei parallelen Geraden geschnitten, dann gelten zwischen den Strecken folgende Beziehungen:

1. $\frac{a}{x} = \frac{b}{y}$ und $\frac{a}{c} = \frac{b}{d}$
2. $\frac{v}{w} = \frac{a}{x}$ bzw. $\frac{v}{w} = \frac{b}{y}$

Betrachtet man nun das Dreieck $AMS$, so gilt auch nach dem zweiten Streckensatz:




$$\frac{\overline{E_n N_n}}{\overline{AM}} = \frac{\overline{N_n S}}{\overline{MS}}$$

Ersetzt man $\overline{E_n N_n}$ und $\overline{AM}$ durch $\frac{1}{2} \cdot \overline{E_n G_n}$ und $\frac{1}{2} \cdot \overline{AC}$, so lautet obige Gleichung:

$$\frac{\frac{1}{2} \cdot \overline{E_n G_n}}{\frac{1}{2} \cdot \overline{AC}} = \frac{\overline{N_n S}}{\overline{MS}} \iff \frac{\overline{E_n G_n}}{\overline{AC}} = \frac{\overline{N_n S}}{\overline{MS}}$$

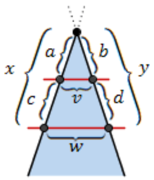
© Realschulrep.de

Vierstreckensatz im Strahl aus $S$ durch $A$ und $M$: $\frac{\overline{E_n G_n}}{\overline{AC}} = \frac{\overline{N_n S}}{\overline{MS}}$





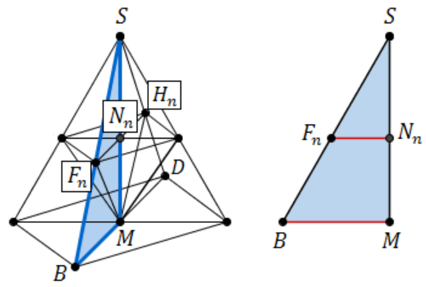
Erläuterung: *Vierstreckensatz*




Wird ein Strahl von zwei parallelen Geraden geschnitten, dann gelten zwischen den Strecken folgende Beziehungen:

1. $\frac{a}{x} = \frac{b}{y}$ und $\frac{a}{c} = \frac{b}{d}$
2. $\frac{v}{w} = \frac{a}{x}$ bzw. $\frac{v}{w} = \frac{b}{y}$

Betrachtet man nun das Dreieck $AMS$, so gilt auch nach dem zweiten Streckensatz:




$$\frac{\overline{F_n N_n}}{\overline{BM}} = \frac{\overline{N_n S}}{\overline{MS}}$$

Ersetzt man $\overline{F_n N_n}$ und $\overline{BM}$ durch $\frac{1}{2} \cdot \overline{F_n H_n}$ und $\frac{1}{2} \cdot \overline{BD}$, so lautet obige Gleichung:

$$\frac{\frac{1}{2} \cdot \overline{F_n H_n}}{\frac{1}{2} \cdot \overline{BD}} = \frac{\overline{N_n S}}{\overline{MS}} \iff \frac{\overline{F_n H_n}}{\overline{BD}} = \frac{\overline{N_n S}}{\overline{MS}}$$

Vierstreckensatz im Strahl aus $S$ durch $B$ und $M$: $\dfrac{\overline{F_n H_n}}{\overline{BD}} = \dfrac{\overline{N_n S}}{\overline{MS}}$

Aus den beiden Gleichungen folgt:

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\overline{E_n G_n}}{\overline{AC}} = \frac{\overline{N_n S}}{\overline{MS}} \\ \frac{\overline{F_n H_n}}{\overline{BD}} = \frac{\overline{N_n S}}{\overline{MS}} \end{array} \right. \Rightarrow \frac{\overline{F_n H_n}}{\overline{BD}} = \frac{\overline{E_n G_n}}{\overline{AC}}$$

$$\frac{\overline{F_n H_n}}{\overline{BD}} = \frac{\overline{E_n G_n}}{\overline{AC}} \quad | \cdot \overline{BD}$$

$$\overline{F_n H_n} = \overline{E_n G_n} \cdot \frac{\overline{BD}}{\overline{AC}}$$

$$\overline{F_n H_n} = \frac{8,66 \cdot \cos\varphi}{\sin(60^\circ + \varphi)} \cdot \frac{12}{10} \text{ cm}$$

$$\Rightarrow \overline{F_n H_n} = \frac{10,39 \cdot \cos\varphi}{\sin(60^\circ + \varphi)}$$

Einsetzen von $\overline{F_n H_n}$ in $V_{\text{Körper}}(\varphi)$:

$$V_{\text{Körper}}(\varphi) = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{8,66 \cdot \cos\varphi}{\sin(60^\circ + \varphi)} \cdot \frac{10,39 \cdot \cos\varphi}{\sin(60^\circ + \varphi)} \cdot 8,66 \text{ cm}^3$$

$$\Rightarrow V_{\text{Körper}}(\varphi) \approx 129,87 \cdot \left( \frac{\cos\varphi}{\sin(60^\circ + \varphi)} \right) \text{ cm}^3$$

**Aufgabe B2.6** (3 Punkte)

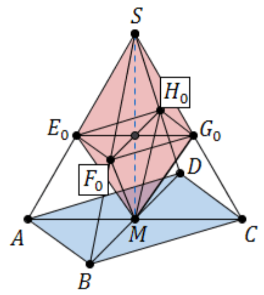
Für den Körper mit den Eckpunkten $E_0$, $F_0$, $G_0$, $H_0$, $M$ und $S$ gilt: $\overline{E_0 M}$.
Berechnen Sie den prozentualen Anteil des Volumens dieses Körpers am Volumen der Pyramide $ABCDS$.

**Lösung zu Aufgabe B2.6**

***Volumen einer Pyramide***








Benötigte Angaben aus vorherigen Aufgaben:

$\overline{AC} = 10$ cm

$\overline{AD} = 12$ cm

$\overline{MS} = 8,66$ cm

$$\overline{E_n M}(\varphi) = \frac{4,33}{\sin(60^\circ + \varphi)} \text{ cm}$$

$$V(\varphi) = 129,87 \cdot \left( \frac{\cos\varphi}{\sin(60^\circ + \varphi)} \right)^2 \text{ cm}^3$$

Winkel $\varphi$ bestimmen:

$\overline{E_0 M} = 4,33$ cm

$$4,33 = \frac{4,33}{\sin(60^\circ + \varphi)} \Rightarrow \sin(60^\circ + \varphi) = 1$$

$$\sin(60^\circ + \varphi) = 1 \iff \sin(60^\circ + \varphi) = \underbrace{\sin(90^\circ)}_{1}$$

$$60^\circ + \varphi = 90^\circ$$

$$\Rightarrow \varphi = 30^\circ$$

Volumen des Körpers $E_0 F_0 G_0 H_0 M S$ bestimmen:

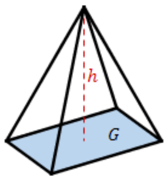
$$V_{\text{Körper}} = V(\varphi = 30^\circ)$$

$V_{\text{Körper}} = 129,87 \cdot \left( \frac{\cos 30°}{\sin(60° + 30°)} \right)^2 \text{ cm}^3$

$\Rightarrow V_{\text{Körper}} \approx 97,40 \text{ cm}^3$

Volumen der Pyramide $ABCDS$ bestimmen:

Erläuterung: *Volumen einer Pyramide*

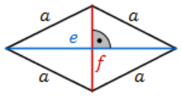



Eine Pyramide mit Grundfläche $G$ und Höhe $h$ hat ein Volumen von:

$V = \frac{1}{3} \cdot G \cdot h$

$V_{\text{Pyramide } ABCDS} = \frac{1}{3} \cdot A_{\text{Raute } ABCD} \cdot \overline{MS}$

Erläuterung: *Flächeninhalt einer Raute*




Eine Raute mit Diagonalen $e$ und $f$ hat einen Flächeninhalt von:

$A = \frac{1}{2} \cdot e \cdot f$

$V_{\text{Pyramide } ABCDS} = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot \overline{AC} \cdot \overline{AD} \cdot \overline{MS}$





$V_{\text{Pyramide } ABCDS} = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot 10 \cdot 12 \cdot 8,66 \text{ cm}^3$

$\Rightarrow V_{\text{Pyramide } ABCDS} = 173,2 \text{ cm}^3$

***Prozentrechnung***

Prozentualen Anteil des Volumens des Körpers $E_0F_0G_0H_0MS$ am Volumen der Pyramide $ABCDS$ bestimmen:

$\frac{V_{\text{Körper}}}{V_{\text{Pyramide } ABCDS}} = \frac{97,40}{173,2} \cdot 100\% \approx 56\%$