

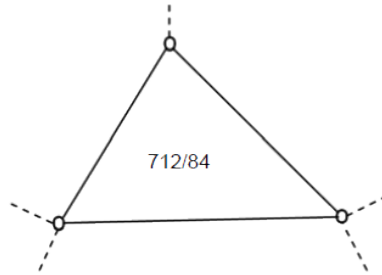
Mittlere-Reife-Prüfung 2011 Mathematik II Aufgabe A3

Aufgabe A3.1 (5 Punkte)

Frau Recht-Eck möchte ihr Grundstück mit der Flur-Nr. 712/84 (siehe nebenstehende Skizze), welches die Seitenlängen 60,00 m, 70,00 m und 80,00 m hat, gegen ein rechteckiges Grundstück mit dem gleichen Flächeninhalt eintauschen.

Die Länge des rechteckigen Grundstücks soll 1,5-mal so groß wie die Breite sein.

Berechnen Sie die Seitenlängen des rechteckigen Grundstücks. Runden Sie auf zwei Stellen nach dem Komma.



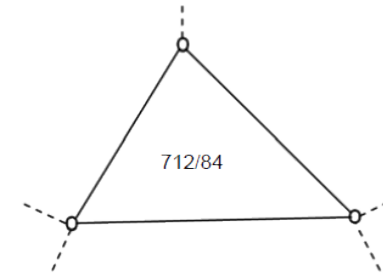
Lösung

Aufgabe A3.1 (5 Punkte)

Frau Recht-Eck möchte ihr Grundstück mit der Flur-Nr. 712/84 (siehe nebenstehende Skizze), welches die Seitenlängen 60,00 m, 70,00 m und 80,00 m hat, gegen ein rechteckiges Grundstück mit dem gleichen Flächeninhalt eintauschen.

Die Länge des rechteckigen Grundstücks soll 1,5-mal so groß wie die Breite sein.

Berechnen Sie die Seitenlängen des rechteckigen Grundstücks. Runden Sie auf zwei Stellen nach dem Komma.



Lösung zu Aufgabe A3.1

Flächeninhalt eines Rechtecks

Seien a die Länge und b die Breite des neuen rechteckigen Grundstücks.

Erläuterung: *Flächeninhalt eines Rechtecks*

Der Flächeninhalt A eines Rechtecks mit der Länge a und der Breite b beträgt:

$$A = a \cdot b$$

$$A = a \cdot b$$

Da die Länge a 1,5-mal so groß wie die Breite b ist, kann man schreiben:

$$a = 1,5 \cdot b$$

Erläuterung: *Einsetzen*

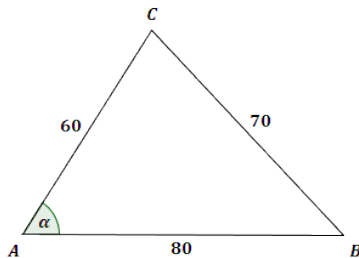
$a = 1,5 \cdot b$ wird in $A = a \cdot b$ eingesetzt.

$$A = a \cdot b = 1,5 \cdot b \cdot b$$

$$\Rightarrow A = 1,5 \cdot b^2$$

Flächeninhalt eines Dreiecks

Das alte Grundstück hat die Fläche eines beliebigen Dreiecks mit den Seitenlängen 60,00 m, 70,00 m und 80,00 m.



Erläuterung: *Flächeninhalt eines Dreiecks*

Sind in einem beliebigem Dreieck ABC zwei Seiten a und b und der Winkel α , der von beiden Seiten eingeschlossen wird, bekannt, so gilt für den Flächeninhalt A des Dreiecks:

$$A = \frac{1}{2} \cdot a \cdot b \cdot \sin \alpha$$

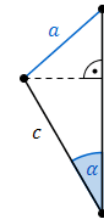
Beim alten Grundstück:

$$a = 60,00 \text{ m}, \quad b = 80,00 \text{ m}$$

$$A = \frac{1}{2} \cdot 60,00 \cdot 80,00 \cdot \sin \alpha$$

Der Winkel α wird mit dem Kosinussatz berechnet:

Erläuterung: *Kosinussatz*



Sind in einem beliebigen Dreieck zwei Seiten b und c und der von diesen Seiten eingeschlossene Winkel α gegeben, so kann der Kosinussatz angewendet werden:

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2 \cdot b \cdot c \cdot \cos \alpha$$

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2 \cdot b \cdot c \cdot \cos \alpha$$

$$70,00^2 = 60,00^2 + 80,00^2 - 2 \cdot 60,00 \cdot 80,00 \cdot \cos \alpha$$

$$4900 = 10000 - 9600 \cdot \cos \alpha \quad | \quad -10000$$

$$-5100 = -9600 \cdot \cos \alpha \quad | \quad : (-9600)$$

$$\cos \alpha = 0,53125 \quad | \quad \cos^{-1}$$

$$\Rightarrow \alpha \approx 57,91^\circ$$

$$A = \frac{1}{2} \cdot 60,00 \cdot 80,00 \cdot \sin 57,91^\circ \approx 2033,32 \text{ m}^2$$

Erläuterung: *Gleichsetzen*

Der Flächeninhalt vom neuen rechteckigen Grundstück wird mit dem Flächeninhalt vom alten dreieckigen Grundstück gleichgesetzt.

$$1,5 \cdot b^2 = 2033,32 \quad | \quad : 1,5$$

$$b^2 = 1355,54 \quad | \quad \sqrt{\quad}$$

$$b = \sqrt{1355,54}$$

$$\Rightarrow b \approx 36,82 \text{ m}$$

Erläuterung: *Einsetzen*

$b = 36,82 \text{ m}$ wird in $a = 1,5 \cdot b$ eingesetzt.

$$a = 1,5 \cdot b = 1,5 \cdot 36,82$$

$$\Rightarrow a = 55,23 \text{ m}$$